

Name:

Vorname:

Matrikelnummer:

Tutor oder Tutorium:

Semester:

Fachrichtung:

Beachten sie bitte die Punkteverteilung

Aufgabe	Punkte
1	7
2	11
3	6
4	9
5	7
Gesamt	40

Nützliche Formeln und Konstanten:

Volumenelement Zylinderkoordinaten:

$$dV = r \cdot dr \cdot d\phi \cdot dz$$

Integral des natürlichen Logarithmus

$$\int \ln(x) dx = x \cdot \ln(x) - x$$

$$\tan 45^\circ = \cot 45^\circ = 1$$

Name:

Vorname:

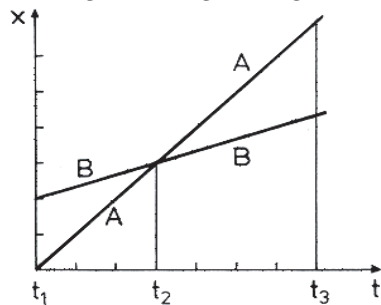
Matrikelnummer:

Aufgabe 1: *Multiple Choice* (7 Punkte) **Welche Aussagen treffen zu:**

a. Ordnen sie der Größe Leistung die zutreffende Einheit zu!

- (i) $kg \cdot m \cdot s^{-2}$
- (ii) $kg \cdot m^2 \cdot s^{-2}$
- (iii) $kg \cdot m^{-1} \cdot s^{-2}$
- (iv) $kg \cdot m^2 \cdot s^{-3}$
- (v) $kg \cdot m^2 \cdot s^{-1}$

b. Zwei Fahrzeuge A und B werden hinsichtlich ihres Bewegungsablaufs auf einer geraden Bahn beobachtet. Aus den zu den Zeiten t_1 bis t_3 erreichten Orten x wird das folgende Diagramm gewonnen:

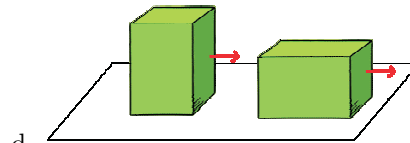


Es ist wie folgt zu interpretieren!

- (i) Zum Zeitpunkt t_2 haben beide Fahrzeuge die gleiche Geschwindigkeit
- (ii) Zum Zeitpunkt t_1 ist die Geschwindigkeit von B größer als die von A
- (iii) Zum Zeitpunkt t_3 ist die Geschwindigkeit von A größer als die von B
- (iv) Beide Fahrzeuge haben nirgends im Zeitintervall t_1 bis t_3 die gleiche Geschwindigkeit
- (v) Beide Fahrzeuge haben im Zeitintervall t_1 bis t_3 eine konstante Geschwindigkeit

c. Das Trägheitsmoment eines Körpers

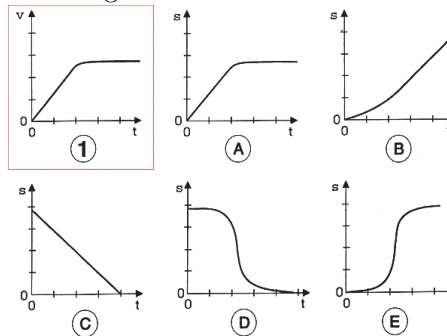
- (i) ist dichteabhängig.
- (ii) kann nur für symmetrische Körper bestimmt werden.
- (iii) ist, einmal berechnet, für alle Achsen dasselbe.
- (iv) Um den Steinerschen Satz anzuwenden, muss der Schwerpunkt bekannt sein.
- (v) Trägheitsmomente sind additiv.



d. Um die Kiste über den Boden zu schieben, stellt man sie aufrecht. Der Kraftaufwand wird dann

- (i) kleiner
- (ii) größer
- (iii) gleich
- (iv) kommt auf den Untergang an.
- (v) Keine Aussage möglich.

e. Gegeben sei das folgende Geschwindigkeits-Zeit-Diagramm (1). Welches der Weg-Zeit-Diagrammen (A)-(E) gehört zu diesem Geschwindigkeits-Zeit-Diagramm?



f. Ein Körper wird in der Luft aus der Ruhe senkrecht fallen gelassen. Welche der folgenden Größen nimmt während des Falls **nicht** zu?

- (i) Geschwindigkeit
- (ii) Impuls
- (iii) potentielle Energie
- (iv) kinetische Energie
- (v) Reibungskraft

g. Welche mechanischen Erhaltungssätze gelten bei Stößen auf einer Luftkissenbahn? Bitte Aufzählen!

- (i) Beim elastischen Stoß.
- (ii) Beim unelastischen Stoß.

Name:

Vorname:

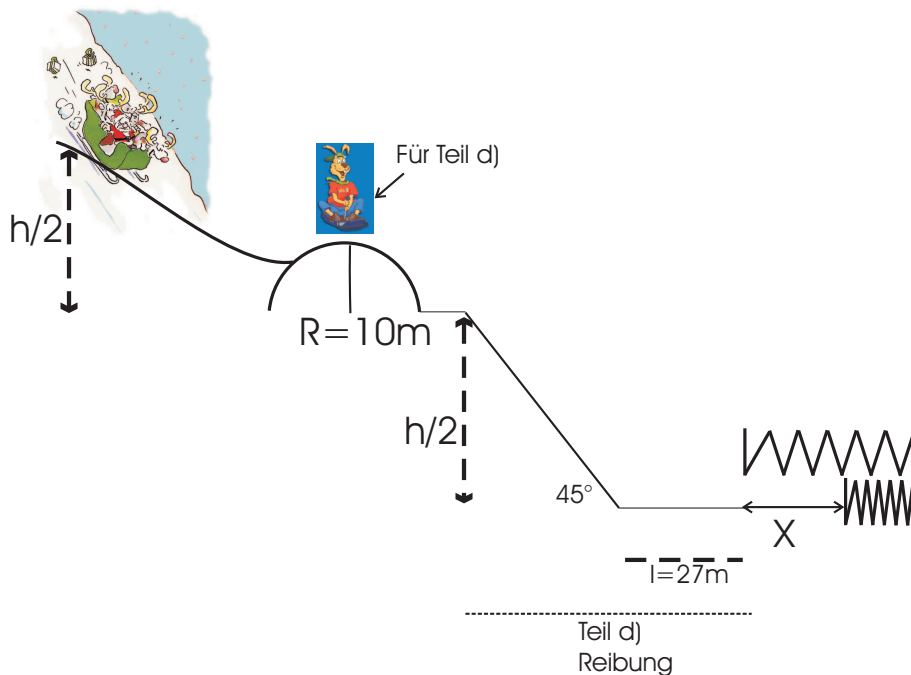
Matrikelnummer:

Aufgabe 2: *Rasante Schlittenfahrt* (11 Punkte)

Ein Schlitten der Masse $m_1 = 1000\text{kg}$ gleitet reibungsfrei einen $\varphi = 45^\circ$ steilen Hang hinunter und auf halber Höhe $\frac{h}{2}$ über einen Hügel mit Höhe und Radius $R = 10\text{m}$. Rechnen Sie stets mit $g = 10\frac{\text{m}}{\text{s}^2}$.

- In welcher Höhe h darf die Startposition höchstens liegen, damit der Bodenkontakt an der höchsten Stelle des Hügels gewahrt bleibt?
- Bei jahrmarktähnlichen Schlittenhängen im Jahr 2006 werden womöglich unten große Federn aufgestellt. Um welche Strecke x wird eine solche ideale Feder mit der Federkonstanten $k = 6000\frac{\text{N}}{\text{m}}$ am Ende der Fahrt gestaucht?
- Wie hoch schießt die Feder den Schlitten wieder?
- Reibung und Crash (siehe Zusatznotiz)

Der Schlitten gleitet nun aus der Höhe h zunächst *reibungsfrei* auf den Hügel und stößt auf dem höchsten Punkt mit einem stehenden Schlitten der Masse $m_2 = 250\text{kg}$ zusammen. Die beiden Schlitten verkeilen sich und gleiten *nun mit Reibung* (Gleitreibungskoeffizient $\mu = 0.1$) gemeinsam (also als *ein* Körper) zur Feder hinab. Wie weit wird die Feder jetzt gestaucht?



Notiz zum Aufgabenteil d. Die Reibung wird nur am Auslaufhang und auf dem danach folgenden, waagerechten Auslaufstück (Länge $l = 27\text{m}$) berücksichtigt, der Hügel selbst und der erste Abhang werden immer noch reibungsfrei angenommen (da sehr stark vereist). Die Übergänge zum und vom Hügel sollen nicht beachtet werden.

Name:

Vorname:

Matrikelnummer:

Aufgabe 3: $m(t)$: (6 Punkte)

Ein mit Streusand befülltes Streufahrzeug hat zur Zeit $t_0 = 0$ eine Gesamtmasse m_0 . Durch eine Öffnung fällt pro Zeitintervall eine konstante Menge Streusand zu Boden ($\mu = \frac{\Delta m}{\Delta t}$), sobald sich das Fahrzeug bewegt. Der Motor zieht mit einer konstanten Kraft F horizontal nach vorne. Reibung sei vernachlässigt. Zur Zeit $t_0 = 0$ s fährt das Fahrzeug an einer Ampel an ($v_0(t_0 = 0) = 0$).

- a. Wie groß ist die Beschleunigung und die Geschwindigkeit des Fahrzeugs nach der Zeit t ?
- b. Welche kinetische Energie besitzt das Fahrzeug zur Zeit t ?
- c. Welche Arbeit hat der Motor bis zur Zeit t erbracht?
- d. Erklären sie die Differenz der beiden Energien aus Teil b und c!

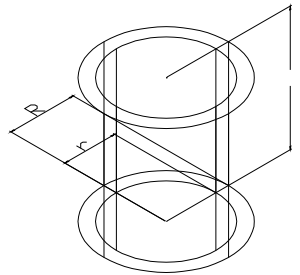
Name:

Vorname:

Matrikelnummer:

Aufgabe 4: *Hohlzylinder* (9 Punkte)

Ein Hohlzylinder mit der Masse m rollt eine schiefe Ebene mit $\alpha = 40^\circ$ ohne Schlupf herunter. Der Zylinder startet in einer Höhe h . (Vernachlässigen sie Reibung.)



- Berechnen sie das Trägheitsmoment eines homogenen Hohlzylinders (mit homogener Dichte ρ), mit der Länge l , dem Innenradius r und dem Außenradius R bezüglich seiner Rotations-Symmetrieachse.
- Berechnen sie die Geschwindigkeit des Hohlzylinders am unteren Ende der Ebene.



- Am Ende der schiefen Ebene rollt der Zylinder auf einer horizontalen Ebene reibungsfrei weiter. Geben sie die Geschwindigkeit nach einer Rolllänge von $10m$ an .

Name:

Vorname:

Matrikelnummer:

Aufgabe 5: *Ein Fallschirmsprung über Karlsruhe* (7 Punkte)

Ein Fallschirmspringer kann in erster Näherung als freier Fall mit Reibung nach Stokes (Reibungskraft proportional zur Geschwindigkeit; Proportionalitätskonstante: C) beschrieben werden. Zur Zeit $t = 0$ sei seine Anfangsgeschwindigkeit $v(t = 0) = v_o$ und der Nullpunkt des Koordinatensystems so gewählt, dass auch $z(t = 0) = 0$ ist.

- Fertigen Sie eine Skizze an (Kräfte diagramm). Stellen Sie die Differentialgleichung auf und berechnen Sie die Geschwindigkeit als Funktion der Zeit. (Verwenden sie $k = \frac{C}{gm}$)
- Bestimmen Sie die Geschwindigkeit für große Zeiten $t \rightarrow \infty$.
- Berechnen Sie den Ort des Fallschirmspringers als Funktion der Zeit.
- Zeigen und begründen Sie, warum die Beschleunigung des Fallschirmspringers für große Zeiten verschwindet.

(Anmerkung. Der Boden ist natürlich unendlich weit entfernt. Die Erdbeschleunigung g wird im gesamten Bereich als konstant angenommen.)

1. Klausur zur Einführung in die Physik I

WS 2002/2003

Name:

Vorname:

Matrikelnummer:

Konzeptpapier: