

## ÜBUNGSAUFGABEN (VI)

(Besprechung am Donnerstag, dem 2.12.2010)

### Aufgabe 1: (4 Punkte)

Ein Lichtstrahl komme aus einem Medium mit Brechzahl  $n_1$  und treffe auf die Grenzfläche zu einem Medium mit Brechzahl  $n_2$ . Für  $p$ -Polarisation verschwindet die Reflexion an der Grenzfläche beim Brewsterwinkel  $\Theta_B$ ,  $\tan \Theta_B = n_2/n_1$ . Eine ähnliche Beziehung kann auch für  $s$ -Polarisation hergeleitet werden, allerdings müssen dazu die magnetischen Permeabilitäten  $\mu_1$  und  $\mu_2$  der beiden Medien berücksichtigt werden. Aus den entsprechend verallgemeinerten Fresnelgleichungen folgt mit der Forderung  $r_s = 0$  sowie mit  $n_1 = \sqrt{\epsilon_1 \mu_1}$  und  $n_2 = \sqrt{\epsilon_2 \mu_2}$

$$\frac{n_1}{\mu_1} \cos \Theta_i = \frac{n_2}{\mu_2} \cos \Theta_t .$$

Leiten Sie damit einen allgemeinen Ausdruck für den Tangens des Brewsterwinkels  $\Theta_B$  bei  $s$ -Polarisation als Funktion von  $\epsilon_1$ ,  $\mu_1$ ,  $\epsilon_2$  und  $\mu_2$  her. Verwenden Sie das Brechungsgesetz von Snellius, um den Winkel  $\Theta_t$  des transmittierten Strahls zu eliminieren. Diskutieren Sie die spezielle Lösung für  $\epsilon_1 = \epsilon_2 = 1$ .

*Tipp:* Quadrieren Sie die Gleichungen und machen Sie intensiven Gebrauch von  $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$ .

### Aufgabe 2: (4 Punkte)

In der Vorlesung wurde für ein Fabry-Perot-Interferometer das transmittierte elektrische Feld  $E_t$  hergeleitet. Berechnen Sie auf analoge Weise das reflektierte Feld  $E_r$ . Zeigen Sie, dass die Phasendifferenz von  $E_r$  zu dem transmittierten Feld  $E_{t2}$  am Ort des zweiten Spiegels immer  $\pm 90^\circ$  beträgt, unabhängig von den Parametern des Interferometers.

*Hinweise:* Die Phasen der Felder  $E_t$  und  $E_r$  beziehen sich auf den Ort des ersten Spiegels.  $E_{t2}$  ist daher gegeben durch  $E_{t2} = E_t \cdot \exp(i\delta/2)$ . Betrachten Sie zur Bestimmung der Phasendifferenz das Verhältnis  $E_r/E_{t2}$ .

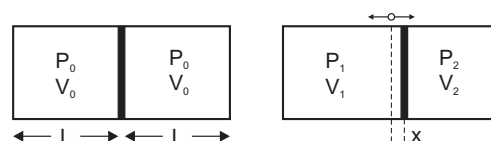
### Aufgabe 3: (4 Punkte)

Ein Eisenkörper  $K$  konstanter Wärmekapazität  $C = 450 \text{ J/K}$ , Temperatur  $T_1 = 373 \text{ K}$  und innerer Energie  $U = CT_1$  wird in Wärmekontakt mit einem Wärmebad  $B$  der Temperatur  $T_0 = 288 \text{ K}$  gebracht. Die Temperatur von  $B$  bleibe dabei praktisch konstant, so dass  $K$  schließlich ebenfalls die Temperatur  $T_0$  annimmt. Die Volumenänderung von  $K$  sei vernachlässigbar. Berechnen Sie die Entropieänderungen  $\Delta S_K$  des Körpers  $K$  und  $\Delta S_B$  des Bades  $B$  sowie die Gesamtänderung  $\Delta S_{\text{ges}}$  zwischen Anfangs- und Endzustand für den Fall, dass die dem Körper  $K$  entzogene Wärme  $Q$  vollständig in das Wärmebad  $B$  fließt.

*Hinweis:* Benutzen Sie  $dU = TdS - PdV$  und integrieren Sie von Anfangs- zu Endzustand.

### Aufgabe 4: (4 Punkte)

In einem mit Gas gefüllten und an beiden Enden verschlossenen Zylinder (Länge  $2L = 0.4 \text{ m}$ ; Querschnittsfläche  $A = 0.01 \text{ m}^2$ ) befindet sich ein frei beweglicher, reibungsfrei gelagerter Kolben ( $M = 1.5 \text{ kg}$ ), der das Volumen des Zylinders in zwei Hälften teilt.



Der Gasdruck ist auf beiden Seiten des Kolbens gleich  $P_0 = 1013 \text{ hPa}$ . Der Kolben wird um eine Strecke  $x \ll L$  ausgelenkt und losgelassen. Er führt eine Schwingung mit der Periodendauer  $T = 64.6 \text{ ms}$  aus. Berechnen Sie den Adiabatenexponenten  $\kappa$  des Gases mit den Annahmen, dass das System abgeschlossen ist und die Prozesse im Gas reversibel verlaufen.